

СОДЕРЖАНИЕ

| | |
|---|----|
| Предисловие | 6 |
| 9 Функции нескольких переменных | |
| 9.1 Множества в n -мерном евклидовом пространстве..... | 7 |
| 9.1.1 Пространство \mathbf{R}^n | 7 |
| 9.1.2 Открытые и замкнутые множества | 8 |
| 9.1.3 Предел последовательности точек \mathbf{R}^n | 9 |
| 9.1.4 Компактные и связные множества в \mathbf{R}^n | 11 |
| 9.2 Предел функции нескольких переменных | 12 |
| 9.3 Определение и свойства непрерывных функций..... | 15 |
| 9.4 Дифференцирование функций нескольких переменных..... | 17 |
| 9.4.1 Частные производные | 17 |
| 9.4.2 Дифференцируемость функции. Понятие дифференциала | 18 |
| 9.4.3 Частные производные и дифференциалы высших порядков..... | 23 |
| 9.5 Задачи с решениями..... | 24 |
| 9.6 Упражнения для самостоятельной работы..... | 27 |
| 9.7 Образец теста | 29 |
| 10 Функции нескольких переменных (продолжение) | |
| 10.1 Формула Тейлора..... | 30 |
| 10.2 Экстремумы функций нескольких переменных | 32 |
| 10.3 Неявные функции | 38 |
| 10.4 Условные экстремумы..... | 42 |
| 10.5 Геометрический подход к изучению функций 2-х и 3-х переменных | 46 |
| 10.5.1 Скалярное поле | 46 |
| 10.5.2 Производная по направлению | 46 |
| 10.5.3 Градиент скалярного поля | 48 |
| 10.5.4 Касательная плоскость и нормаль к поверхности..... | 49 |
| 10.6 Задачи с решениями..... | 51 |
| 10.7 Упражнения для самостоятельной работы..... | 55 |
| 10.8 Образец теста | 57 |
| 11 Кратные, криволинейные, поверхностные интегралы | |
| 11.1 Мера Жордана | 58 |
| 11.2 Двойные и тройные интегралы | 62 |
| 11.2.1 Определение и свойства кратных интегралов | 62 |
| 11.2.2 Вычисление двойных и тройных интегралов в декартовых координатах | 65 |

| | | |
|-----------|--|-----|
| 11.2.3 | Замена переменных в кратных интегралах | 70 |
| 11.3 | Криволинейные интегралы 1 рода | 74 |
| 11.4 | Поверхностные интегралы 1 рода | 77 |
| 11.5 | Геометрические и физические приложения интегралов | 81 |
| 11.6 | Задачи с решениями | 85 |
| 11.7 | Упражнения для самостоятельной работы | 90 |
| 11.8 | Образец теста | 93 |
| 12 | Элементы теории векторных полей | |
| 12.1 | Потенциальное векторное поле | 94 |
| 12.1.1 | Основные понятия | 94 |
| 12.1.2 | Криволинейные интегралы 2 рода | 94 |
| 12.1.3 | Формула Грина | 97 |
| 12.1.4 | Условия потенциальности плоского векторного поля | 99 |
| 12.1.5 | Нахождение потенциала | 103 |
| 12.2 | Поток векторного поля | 104 |
| 12.2.1 | Ориентация поверхности | 104 |
| 12.2.2 | Поверхностные интегралы 2 рода | 105 |
| 12.2.3 | Формула Гаусса – Остроградского | 109 |
| 12.2.4 | Формула Стокса | 111 |
| 12.2.5 | Условия потенциальности пространственного векторного поля | 113 |
| 12.3 | Обзор основных характеристик векторных полей | 115 |
| 12.4 | Задачи с решениями | 118 |
| 12.5 | Упражнения для самостоятельной работы | 121 |
| 12.6 | Образец теста | 123 |
| 13 | Числовые ряды | |
| 13.1 | Сходимость числового ряда | 124 |
| 13.2 | Признаки сходимости рядов с положительными слагаемыми | 127 |
| 13.3 | Знакопеременные ряды | 133 |
| 13.4 | Перестановки в рядах | 136 |
| 13.5 | Задачи с решениями | 139 |
| 13.6 | Упражнения для самостоятельной работы | 143 |
| 13.7 | Образец теста | 145 |
| 14 | Функциональные последовательности и ряды | |
| 14.1 | Поточечная и равномерная сходимость | 146 |
| 14.2 | Свойства равномерно сходящихся последовательностей и рядов | 150 |
| 14.3 | Степенные ряды | 154 |
| 14.4 | Разложение функций в ряд Тейлора | 159 |
| 14.5 | Задачи с решениями | 167 |
| 14.6 | Упражнения для самостоятельной работы | 169 |
| 14.7 | Образец теста | 171 |
| 15 | Ряды Фурье. Интеграл Фурье | |
| 15.1 | Тригонометрические ряды Фурье | 172 |
| 15.1.1 | Периодические функции и гармонические колебания | 172 |
| 15.1.2 | Ортогональность тригонометрической системы функций | 173 |
| 15.1.3 | Ряд Фурье по тригонометрической системе функций | 174 |
| 15.1.4 | Ряды Фурье для чётных, нечётных, непериодических функций | 179 |
| 15.1.5 | Комплексная форма ряда Фурье | 181 |
| 15.2 | Приближение функций многочленами | 183 |

| | |
|---|------------|
| 15.3 Абстрактные ряды Фурье в гильбертовом пространстве | 187 |
| 15.4 Интеграл Фурье. Преобразование Фурье | 191 |
| 15.5 Задачи с решениями..... | 196 |
| 15.6 Упражнения для самостоятельной работы..... | 203 |
| 15.7 Образец теста | 204 |
| 16 Интегралы, зависящие от параметра | |
| 16.1 Основные теоремы..... | 205 |
| 16.1.1 Предельный переход под знаком интеграла..... | 205 |
| 16.1.2 Дифференцирование по параметру..... | 207 |
| 16.1.3 Интегрирование по параметру | 211 |
| 16.2 Несобственные интегралы с параметром | 213 |
| 16.3 Гамма-функция..... | 216 |
| 16.4 Задачи с решениями..... | 219 |
| 16.5 Упражнения для самостоятельной работы..... | 222 |
| 16.6 Образец теста | 223 |
| Итоговые контрольные вопросы | 224 |
| Ответы к упражнениям | 226 |
| Ответы к тестам | 233 |
| Литература | 234 |